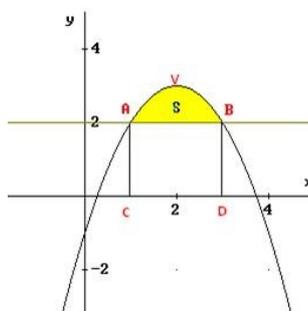


FORMULARIO

DI

MATEMATICA



CONTENUTI

1. trasformazioni geometriche
2. piano cartesiano
3. retta
4. Parabola
5. Circonferenza
6. Ellisse
7. Iperbole
8. progressioni
9. logaritmi
10. calcolo combinatorio
11. limiti notevoli
12. trigonometria
13. derivate
14. integrali
15. volumi e superfici

FORMULARIO DI MATEMATICA

1. TRASFORMAZIONI GEOMETRICHE	
$x' = x + a$ $y' = y + b$	Traslazione di vettore $\mathbf{v} = (a; b)$
$x' = kx$ $y' = ky$	Omotetia di centro l'origine e rapporto k
$x' = -x$ $y' = y$	Simmetria rispetto all'asse y
$x' = x$ $y' = -y$	Simmetria rispetto all'asse x
$x' = -x$ $y' = -y$	Simmetria rispetto all'origine
$x' = y$ $y' = x$	Simmetria rispetto alla bisettrice $y=x$
$x' = 2k - x$ $y' = y$	Simmetria rispetto alla retta $x=k$
$x' = x$ $y' = 2h - y$	Simmetria rispetto alla retta $y=h$

2. PIANO CARTESIANO	
Distanza tra due punti $A(x_A; y_A)$ e $B(x_B; y_B)$	$AB = \sqrt{(x_A - x_B)^2 + (y_A - y_B)^2}$
Punto medio M tra due punti $A(x_A; y_A)$ e $B(x_B; y_B)$	$M = \left(\frac{x_A + x_B}{2}, \frac{y_A + y_B}{2} \right)$

FORMULARIO DI MATEMATICA

3. RETTA	
Equazione generale	$ax + by + c = 0$
Equazione esplicita	$y = mx + q$
Coefficiente angolare:	$m = \frac{(y_A - y_B)}{(x_A - x_B)}$
Retta per due punti:	$\frac{x - x_B}{x_A - x_B} = \frac{y - y_B}{y_A - y_B}$
Rette parallele: $y = m_1x + q_1$ $y = m_2x + q_2$	$m_1 = m_2$
Rette perpendicolari: $y = m_1x + q_1$ $y = m_2x + q_2$	$m_1 = -\frac{1}{m_2}$
Fascio di rette proprio di centro $C(x_C; y_C)$: (retta per un punto)	$y - y_C = m(x - x_C)$ $x = x_C$
Fascio di rette improprio (rette parallele)	$y = m_1x + k$ m_1 <i>fisso</i> k <i>parametro</i>
Distanza di un punto $A(x_A; y_A)$ da una retta r $ax + by + c = 0$	$AH = \frac{ ax_A + by_A + c }{\sqrt{a^2 + b^2}}$
Asse AB	$(x - x_A)^2 + (y - y_A)^2 = (x - x_B)^2 + (y - y_B)^2$
Bisettrice dell'angolo tra due rette: $r: a_1x + b_1y + c_1 = 0$ $s: a_2x + b_2y + c_2 = 0$	$\frac{a_1x + b_1y + c_1}{\sqrt{a_1^2 + b_1^2}} = \pm \frac{a_2x + b_2y + c_2}{\sqrt{a_2^2 + b_2^2}}$

4. PARABOLA

<p>Con asse parallelo all'asse y.</p> <p>$a > 0$ \cup <i>concavità verso l'alto</i></p> <p>$a < 0$ \cap <i>concavità verso il basso</i></p>	$y = ax^2 + bx + c$ $\text{vertice} : V\left(-\frac{b}{2a}; -\frac{\Delta}{4a}\right) \quad \Delta = b^2 - 4ac$ $\text{fuoco} : F\left(-\frac{b}{2a}; \frac{1}{4a} - \frac{\Delta}{4a}\right)$ $\text{asse} : x = -\frac{b}{2a}$ $\text{direttrice} : y = -\frac{1}{4a} - \frac{\Delta}{4a}$
<p>Con asse parallelo all'asse x.</p> <p>$a > 0$ \subset <i>concavità verso destra</i></p> <p>$a < 0$ \supset <i>concavità verso sinistra</i></p>	$x = ay^2 + by + c$ $\text{vertice} : V\left(-\frac{\Delta}{4a}; -\frac{b}{2a}\right) \quad \Delta = b^2 - 4ac$ $\text{fuoco} : F\left(\frac{1}{4a} - \frac{\Delta}{4a}; -\frac{b}{2a}\right)$ $\text{asse} : y = -\frac{b}{2a}$ $\text{direttrice} : x = -\frac{1}{4a} - \frac{\Delta}{4a}$

5. CIRCONFERENZA

<p>Centro $C(x_C; y_C)$ e raggio r</p>	<ol style="list-style-type: none"> 1) $x^2 + y^2 = r^2$ 2) $(x - x_C)^2 + (y - y_C)^2 = r^2$ 3) $x^2 + y^2 + ax + by + c = 0$ $a = -2x_C \Rightarrow x_C = -\frac{a}{2}$ $b = -2y_C \Rightarrow y_C = -\frac{b}{2}$ $c = x_C^2 + y_C^2 - r^2 \Rightarrow r = \sqrt{x_C^2 + y_C^2 - c}$ $C.E.: x_C^2 + y_C^2 - c \geq 0$
--	---

FORMULARIO DI MATEMATICA

6. ELLISSE	
Equazione con centro nell'origine	$\frac{x^2}{a^2} + \frac{y^2}{b^2} = 1$
se $a > b$ i fuochi F_1 e F_2 sono sull'asse x OA: semiasse maggiore = a OB: semiasse minore = b OF ₁ : semidistanza focale = c	$k = PF_1 + PF_2 = 2a$ $a^2 = b^2 + c^2$ eccentricità: $\frac{c}{a} < 1$
se $a < b$ i fuochi sono sull'asse y OB: semiasse maggiore = b OA: semiasse minore = a	$k = PF_1 + PF_2 = 2b$ $b^2 = a^2 + c^2$ eccentricità: $\frac{c}{b} < 1$
Ellisse traslata di centro $C(x_c; y_c)$	$\frac{(x - x_c)^2}{a^2} + \frac{(y - y_c)^2}{b^2} = 1$

7. IPERBOLE	
Equazione con centro nell'origine e fuochi F_1 e F_2 sull'asse delle x	$\frac{x^2}{a^2} - \frac{y^2}{b^2} = 1$ $c^2 = a^2 + b^2$ eccentricità: $\frac{c}{a} > 1$ asintoti: $y = \pm \frac{b}{a}x$
Iperbole traslata di centro $C(x_c; y_c)$	$\frac{(x - x_c)^2}{a^2} - \frac{(y - y_c)^2}{b^2} = 1$
Equazione con centro nell'origine e fuochi F_1 e F_2 sull'asse delle y	$\frac{y^2}{b^2} - \frac{x^2}{a^2} = 1$ asintoti: $y = \pm \frac{b}{a}x$
Iperbole equilatera	$x^2 - y^2 = a^2$ asintoti: $y = \pm x$
Iperbole equilatera traslata di centro $C(x_c; y_c)$	$(x - x_c)^2 - (y - y_c)^2 = a^2$
Iperbole equilatera riferita agli asintoti	$xy = h$ oppure $y = \frac{h}{x}$ vertici = $(\pm \sqrt{h}; \pm \sqrt{h})$ $F_2 = (\sqrt{2h}; \sqrt{2h})$
FUNZIONE OMOGRAFICA: Iperbole equilatera riferita agli asintoti traslata di centro $C(x_c; y_c)$	$y - y_c = \frac{h}{x - x_c}$ oppure $y = \frac{ax + b}{cx + d}$ con gli assi : $x = -\frac{d}{c}$ $y = \frac{a}{c}$

FORMULARIO DI MATEMATICA

8. PROGRESSIONI	
$a_n = a_1 + (n-1)q$	n -esimo termine di una progressione aritmetica
$S_n = n \frac{a_1 + a_n}{2}$	somma dei primi n termini di una progressione aritmetica
$a_n = a_1 q^{(n-1)}$	n -esimo termine di una progressione geometrica
$S_n = a_1 \frac{q^n - 1}{q - 1}$	somma dei primi n termini di una progressione geometrica
$S_n = a_1 \frac{1}{1 - q}$	somma degli infiniti termini di una progressione geometrica con $ q < 1$

9. LOGARITMI	
definizione	$y = \log_b x \leftrightarrow b^y = x \rightarrow b^{\log_b x} = x$
Casi particolari	$\log_a a = 1$ $\log_a 1 = 0$ $n = n \log_a a = \log_a a^n$
Proprietà dei logaritmi:	$\log(ab) = \log a + \log b$ $\log(a : b) = \log a - \log b \Rightarrow \log \frac{1}{b} = \log b^{-1} = -\log b$ $\log a^n = n \log a$ $\log \sqrt{a} = \log a^{\frac{1}{2}} = \frac{1}{2} \log a$
Cambiamento di base	$\log_b a = \frac{\log_x a}{\log_x b}$

FORMULARIO DI MATEMATICA

10. CALCOLO COMBINATORIO	
n fattoriale	$n! = n(n-1)(n-2)\dots 2 \cdot 1$
Permutazioni semplici di n oggetti	$P_n = n!$
Permutazioni di n oggetti con ripetizioni q_1, q_2, \dots	$P = \frac{n!}{q_1! q_2! \dots}$
Disposizioni semplici di n oggetti in k posti	$D_{n;k} = n(n-1)(n-2)\dots(n-k+1)$
Disposizioni con ripetizione di n oggetti in k posti	$D_{n;k} = n^k$
Combinazioni semplici di n oggetti in k posti	$C_{n;k} = \binom{n}{k} = \frac{n(n-1)(n-2)\dots(n-k+1)}{k!} = \frac{n!}{k!(n-k)!}$
Potenza di un binomio	$(a+b)^n = \binom{n}{n}a^n + \binom{n}{n-1}a^{n-1}b + \binom{n}{n-2}a^{n-2}b^2 + \dots + \binom{n}{1}ab^{n-1} + \binom{n}{0}b^n$

11. I LIMITI NOTEVOLI	
$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sin x}{x} = 1$	$\lim_{x \rightarrow x_0} \frac{\sin(f(x))}{f(x)} = 1 \quad \text{con } \lim_{x \rightarrow x_0} f(x) = 0$
$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{1 - \cos x}{x^2} = \frac{1}{2}$	
$\lim_{x \rightarrow \infty} \left(1 + \frac{1}{x}\right)^x = e$	
$\lim_{x \rightarrow 0} (1+x)^{\frac{1}{x}} = e$	$\lim_{x \rightarrow x_0} (1+f(x))^{\frac{1}{f(x)}} = e \quad \text{con } \lim_{x \rightarrow x_0} f(x) = 0$
$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\log_a(1+x)}{x} = \log_a e$	
$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\ln(1+x)}{x} = 1$	$\lim_{x \rightarrow x_0} \frac{\ln(1+f(x))}{f(x)} = 1 \quad \text{con } \lim_{x \rightarrow x_0} f(x) = 0$
$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{a^x - 1}{x} = \ln a$	
$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{e^x - 1}{x} = 1$	$\lim_{x \rightarrow x_0} \frac{e^{f(x)} - 1}{f(x)} = 1 \quad \text{con } \lim_{x \rightarrow x_0} f(x) = 0$
$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{(1+x)^\alpha - 1}{x} = \alpha$	

12. TRIGONOMETRIA	
ADDIZIONE E SOTTRAZIONE	
$\text{sen}(\alpha + \beta) = \text{sen} \alpha \cos \beta + \text{sen} \beta \cos \alpha$ $\text{sen}(\alpha - \beta) = \text{sen} \alpha \cos \beta - \text{sen} \beta \cos \alpha$	$\cos(\alpha + \beta) = \cos \alpha \cos \beta - \text{sen} \alpha \text{sen} \beta$ $\cos(\alpha - \beta) = \cos \alpha \cos \beta + \text{sen} \alpha \text{sen} \beta$
$\text{tg}(\alpha + \beta) = \frac{\text{tg} \alpha + \text{tg} \beta}{1 - \text{tg} \alpha \text{tg} \beta}$ $\text{tg}(\alpha - \beta) = \frac{\text{tg} \alpha - \text{tg} \beta}{1 + \text{tg} \alpha \text{tg} \beta}$	$\cot g(\alpha + \beta) = \frac{\cot g \alpha \cot g \beta - 1}{\cot g \alpha + \cot g \beta}$ $\cot g(\alpha - \beta) = \frac{\cot g \alpha \cot g \beta + 1}{\cot g \beta - \cot g \alpha}$
DUPLICAZIONE	
$\text{sen} 2\alpha = 2 \text{sen} \alpha \cos \alpha$ $\text{sen} \alpha = 2 \text{sen} \frac{\alpha}{2} \cos \frac{\alpha}{2}$	$\cos 2\alpha = \cos^2 \alpha - \text{sen}^2 \alpha$ $\cos 2\alpha = 1 - 2 \text{sen}^2 \alpha$ $\cos 2\alpha = 2 \cos^2 \alpha - 1$
	$\cos \alpha = \cos^2 \frac{\alpha}{2} - \text{sen}^2 \frac{\alpha}{2}$ $\cos \alpha = 1 - 2 \text{sen}^2 \frac{\alpha}{2}$ $\cos \alpha = 2 \cos^2 \frac{\alpha}{2} - 1$
$\text{tg} 2\alpha = \frac{2 \text{tg} \alpha}{1 - \text{tg}^2 \alpha}$	$\cot g 2\alpha = \frac{\cot g^2 \alpha - 1}{2 \cot g \alpha}$
BISEZIONE	
$\text{sen} \frac{\alpha}{2} = \pm \sqrt{\frac{1 - \cos \alpha}{2}}$	$\text{sen}^2 \alpha = \frac{1 - \cos 2\alpha}{2}$
	$\cos \frac{\alpha}{2} = \pm \sqrt{\frac{1 + \cos \alpha}{2}}$
	$\cos^2 \alpha = \frac{1 + \cos 2\alpha}{2}$
$\text{tg} \frac{\alpha}{2} = \pm \sqrt{\frac{1 - \cos \alpha}{1 + \cos \alpha}} = \pm \frac{\text{sen} \alpha}{1 + \cos \alpha} = \pm \frac{1 - \cos \alpha}{\text{sen} \alpha}$	$\cot g \frac{\alpha}{2} = \pm \sqrt{\frac{1 + \cos \alpha}{1 - \cos \alpha}} = \pm \frac{\text{sen} \alpha}{1 - \cos \alpha} = \pm \frac{1 + \cos \alpha}{\text{sen} \alpha}$
PARAMETRICHE	
$\text{sen} \alpha = \frac{2t}{1 + t^2}$ $\text{con } \alpha \neq \pi + 2\pi k$	$t = \text{tg} \frac{\alpha}{2}$
	$\cos \alpha = \frac{1 - t^2}{1 + t^2}$ $\text{con } \alpha \neq \pi + 2\pi k$
	$t = \text{tg} \frac{\alpha}{2}$
$\text{tg} \alpha = \frac{2t}{1 - t^2}$ $\text{con } \alpha \neq \pi + 2\pi k \text{ e } \alpha \neq \frac{\pi}{2} + \pi k$	$\cot g \alpha = \frac{1 - t^2}{2t}$ $\text{con } \alpha \neq \pi + \pi k$
	$t = \text{tg} \frac{\alpha}{2}$
PROSTAFERESI	
$\text{sen} \alpha + \text{sen} \beta = 2 \text{sen} \frac{\alpha + \beta}{2} \cos \frac{\alpha - \beta}{2}$	$\cos \alpha + \cos \beta = 2 \cos \frac{\alpha + \beta}{2} \cos \frac{\alpha - \beta}{2}$
$\text{sen} \alpha - \text{sen} \beta = 2 \cos \frac{\alpha + \beta}{2} \text{sen} \frac{\alpha - \beta}{2}$	$\cos \alpha - \cos \beta = -2 \text{sen} \frac{\alpha + \beta}{2} \text{sen} \frac{\alpha - \beta}{2}$

FORMULARIO DI MATEMATICA

13. DERIVATE	
FUNZIONE: $y=f(x)$	FUNZIONE DERIVATA: $y' = f'(x)$
$y=k$	$y'=0$
$y=x$	$y'=1$
$y= x $	$y'=\frac{ x }{x}$
$y=x^\alpha$	$y'=\alpha x^{\alpha-1}$
$y=\sqrt{x}$	$y'=\frac{1}{2\sqrt{x}}$
$y=a^x$	$y'=a^x \ln a$
$y=e^x$	$y'=e^x$
$y=\lg_a x$	$y'=\frac{1}{x} \lg_a e$
$y=\ln x$	$y'=\frac{1}{x}$
$y=\sin x$	$y'=\cos x$
$y=\cos x$	$y'=-\sin x$
$y=\operatorname{tg} x$	$y'=1+\operatorname{tg}^2 x$ oppure $y'=\frac{1}{\cos^2 x}$
$y=\operatorname{cotg} x$	$y'=-1-\operatorname{cotg}^2 x$ oppure $y'=\frac{-1}{\sin^2 x}$
$y=\operatorname{arc} \sin x$	$y'=\frac{1}{\sqrt{1-x^2}}$
$y=\operatorname{ar} \cos x$	$y'=\frac{-1}{\sqrt{1-x^2}}$
$y=\operatorname{arctg} x$	$y'=\frac{1}{1+x^2}$
REGOLE DI DERIVAZIONE	
$y=f(x)+g(x)$	$y'=f'(x)+g'(x)$
$y=k \cdot f(x)$	$y'=k \cdot f'(x)$
$y=f(x) \cdot g(x)$	$y'=f'(x) \cdot g(x)+f(x) \cdot g'(x)$
$y=\frac{1}{f(x)}$	$y'=\frac{-f'(x)}{f^2(x)}$
$y=\frac{f(x)}{g(x)}$	$y'=\frac{f'(x)g(x)-f(x)g'(x)}{g^2(x)}$
$y=f(g(x))$	$y'=f'(g(x)) \cdot g'(x)$

14. INTEGRALI INDEFINITI	
INTEGRALI INDEFINITI FONDAMENTALI	INTEGRALI INDEFINITI GENERALIZZATI
$\int a \, dx = ax + k$	
$\int x^\alpha \, dx = \frac{x^{\alpha+1}}{\alpha+1} + k \quad \text{con } \alpha \neq -1$	$\int f^\alpha(x) f'(x) \, dx = \frac{f^{\alpha+1}(x)}{\alpha+1} + k \quad \text{con } \alpha \neq -1$
$\text{se } \alpha = -1 \rightarrow \int x^\alpha \, dx = \int \frac{1}{x} \, dx = \ln x + k$	$\int \frac{f'(x)}{f(x)} \, dx = \ln f(x) + k$
$\int \text{sen } x \, dx = -\cos x + k$	$\int \text{sen}(f(x)) f'(x) \, dx = -\cos(f(x)) + k$
$\int \cos x \, dx = \text{sen } x + k$	$\int \cos(f(x)) f'(x) \, dx = \text{sen}(f(x)) + k$
$\int 1 + \text{tg}^2 x \, dx = \int \frac{1}{\cos^2 x} = \text{tg } x + k$	$\int (1 + \text{tg}^2(f(x))) f'(x) \, dx = \text{tg}(f(x)) + k$
$\int 1 + \text{cotg}^2 x \, dx = \int \frac{1}{\text{sen}^2 x} = -\text{cotg } x + k$	$\int (1 + \text{cotg}^2(f(x))) f'(x) \, dx = -\text{cotg}(f(x)) + k$
$\int e^x \, dx = e^x + k$	$\int e^{f(x)} f'(x) \, dx = e^{f(x)} + k$
$\int a^x \, dx = \frac{a^x}{\ln a} + k$	$\int a^{f(x)} f'(x) \, dx = \frac{a^{f(x)}}{\ln a} + k$
$\int \frac{1}{\sqrt{1-x^2}} \, dx = \text{arc sen } x + k$	$\int \frac{f'(x)}{\sqrt{1-f^2(x)}} \, dx = \text{arc sen}(f(x)) + k$
$\int \frac{1}{1+x^2} \, dx = \text{arc tg } x + k$	$\int \frac{f'(x)}{1+f^2(x)} \, dx = \text{arc tg}(f(x)) + k$

15. VOLUMI E SUPERFICI		
PRISMA RETTO		
$Area_{totale} = P_{base} \cdot h + 2 \cdot A_{base}$	$Volume = A_{base} \cdot h$	
PARALLELEPIPEDO RETTANGOLO		
$Area_{totale} = P_{base} \cdot h + 2 \cdot A_{base}$	$Volume = A_{base} \cdot h$	$Diagonale = \sqrt{a^2 + b^2 + c^2}$
$Area_{totale} = 2(ab + ac + bc)$	$Volume = abc$	
CUBO		
$Area_{totale} = 6l^2$	$Volume = l^3$	$Diagonale = l\sqrt{3}$
PIRAMIDE RETTA		
$Area_{totale} = \frac{1}{2} P_{base} \cdot apotema + A_{base}$	$Volume = \frac{1}{3} A_{base} \cdot h$	$ap = \sqrt{h^2 + r^2}$
CILINDRO RETTO		
$Area_{totale} = P_{base} \cdot h + 2 \cdot A_{base}$	$Volume = \pi r^2 \cdot h$	
CILINDRO EQUILATERO: $h = 2r$		
$Area_{totale} = 6\pi r^2$	$Volume = 2\pi r^3$	
CONO RETTO		
$Area_{totale} = \pi r \cdot ap + \pi r^2$	$Volume = \frac{1}{3} \pi r^2 \cdot h$	
CONO EQUILATERO: $apotema = 2r$		
$Area_{totale} = 3\pi r^2$	$Volume = \frac{\sqrt{3}}{3} \pi r^3$	
SFERA		
$Area_{superficie\ sferica} = 4\pi r^2$	$Volume = \frac{4}{3} \pi r^3$	